

تشخیص اثرانگشت بر اساس فیلتر گبور و تبدیل FLD یا RFLD

مهرداد دادگستر^۱، پونه روشنی تبریزی^۲، سید حمید سلطانیان زاده^۳ و عمام الدین فاطمی زاده^۳

^۱دانشکده مهندسی پزشکی، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات

^۲قطب کنترل و پردازش هوشمند، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر پردیس دانشکده‌های فنی، دانشگاه تهران

^۳دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی شریف

mehrdad.dadgostar@gmail.com, p.roshani@ut.ac.ir, hszadeh@ut.ac.ir, fatemizadeh@sharif.edu

چکیده

امروزه از اثرانگشت بطور فراوان در سیستمهای تایید و تشخیص هویت افراد استفاده می‌شود. در این مقاله یک روش جدید استخراج ویژگی بر اساس فیلتر گبور و تبدیل FLD و RFLD به منظور تشخیص هویت ارایه شده است. روش پیشنهادی بر روی تصویرهای پایگاه داده *biolab* آزمایش شده است. در این مقاله، نتایج با استفاده از دو کلاس‌بندی کننده نزدیکترین مرکز دسته در حالت *One Leave One Out* و *K* نزدیکترین همسایه مقایسه می‌شوند. آزمایش‌ها نشان می‌دهند بیشترین درصد صحت در روش نزدیکترین مرکز دسته، با اعمال تبدیل *RFLD* بر ویژگی‌های حاصل از گبور در ۴ جهت بدست می‌آید. درصد صحت در این حالت برابر با ۹۵,۲٪ باشد که در مقایسه با بردار ویژگی فیلتر گبور در ۴ جهت به مقدار ۹٪ افزایش یافته است. همچنین طبق نتایج بدست آمده در روش *K* نزدیکترین همسایه، با اعمال هر یک از تبدیلهای *FLD* یا *RFLD* بر ویژگی‌های حاصل از گبور در ۴ جهت، صحت تشخیص از ۸۴,۱٪ به ۱۰۰٪ افزایش می‌یابد.

کلمات کلیدی- اثرانگشت، استخراج ویژگی، فیلترهای گبور، تبدیل *FLD*، تبدیل *RFLD*

با گذشت زمان تغییر نمی‌کند. حتی دوقلوهای یک تخمکی نیز دارای خطوط پوستی مشابه نمی‌باشند [۱].

اثرانگشت دارای برجستگیها و فورفتگیهای نسبتاً منظم و خاصی است که قسمتهای برجسته را رگه و قسمتهای فورفتگی را شیار می‌نامند. در تصویر اثرانگشت شکل رگه‌ها و شیارها، دو دسته مشخصه خاص را ایجاد می‌کنند [۲] الف - نقاط منفرد (singular point) که شامل نقطه قلب (core) و دلتا (delta) می‌باشند. ب - ویژگی‌های ظریف (minutiae) که مهمترین آنها دو شاخه‌ای (bifurcation) و نقطه انتهایی (endpoint) است. در

- مقدمه

بیومتری تکنولوژی است که یک فرد را توسط مشخصه‌های فیزیولوژی یا رفتاری تشخیص می‌دهد. در حال حاضر چندین روش بیومتریک مختلف از جمله اثرانگشت، چهره، عنایی، الگوی شبکیه، اعضاء، صدا، رگ‌های دست، هندسه دست و حرارت سنجی چهره وجود دارد. منحصر به فرد بودن اثرانگشت مورد تحقیق قرار گرفته است و مشخص شده است که احتمال یکسان بودن اثرانگشت بسیار کم است. همچنین اثرانگشت برخلاف چهره

ویژگی‌هایی با اطلاعات تفکیک پذیری بیشتر، آنالیز مولفه‌های اساسی (PCA) وتابع تفکیک کننده خطی فیشر (FLD) دو ابزار بسیار خوب می‌باشند [8]. تحقیق شده است که روش FLD در زمینه تشخیص هویت بر روی PCA برتری دارد [8]. مهمترین برتری FLD نسبت به PCA استخراج ویژگی‌هایی است که برای تفکیک پذیری بسیار کارآمدتر هستند. مهمترین محدودیت موجود در FLD تعداد کلی ویژگی‌هایی مورد دسترس می‌باشد که محدود به C-1 هستند (C معرف تعداد کلاسه‌ها می‌باشد). برای غلبه بر این مشکل، روشی توسط آقای Xiang و همکارانش تحت عنوان RFLD پیشنهاد شده است [8].

در این مقاله از تصویرهای پایگاه داده biolab استفاده شده است. مراحل تشخیص تصویرها با روش پیشنهادی را می‌توان در ۴ بخش زیر خلاصه کرد:

۱- تقسیم تصویر به سلوک‌هایی با ابعاد 32×32 و یکسان‌سازی آنها با میانگین ۱۰۰ و واریانس ۱۰۰.

۲- اعمال فیلتر گبور با فرکانسی برابر با ۱۰ در زوایه‌های مختلف.

۳- اعمال تبدیل FLD یا RFLD یا جهت استخراج ویژگی‌هایی با قابلیت تفکیک پذیری بالاتر.

۴- کلاس‌بندی تصویرها با اعمال قانون نزدیکترین مرکز دسته‌ها در حالت One Leave One Out یا اعمال قانون K نزدیکترین همسایه.

در ادامه در بخش ۲ پایگاه داده توضیح داده می‌شود. نحوه استخراج بردار ویژگی در بخش ۳ بیان می‌شود. در بخش ۴ نتایج تشخیص تصاویر با استفاده از روش پیشنهادی ارایه می‌شود و در بخش آخر نتیجه روش پیشنهادی مورد بحث قرار می‌گیرد.

۲- پایگاه داده

پایگاه داده biolab شامل تصویرهای خاکستری رنگ هشت بیتی از اثرانگشت می‌باشد. اندازه هر تصویر 256×256 پیکسل می‌باشد (شکل ۱). این پایگاه داده شامل ۱۶۸ نمونه اثرانگشت از ۲۱ نفر می‌باشد [6].

۳- استخراج بردار ویژگی

بردار ویژگی در طی دو مرحله ایجاد می‌شود. ابتدا بر روی تصویر فیلتر گبور در زوایه‌های مختلف اعمال می‌شود و سپس از تبدیل FLD یا RFLD جهت استخراج بردار ویژگی نهایی استفاده می‌شود.

۳-۱- اعمال فیلتر گبور

برای پاکسازی نویز و بهبود ساختار رگه‌ها و شیارها، تصویر اثرانگشت توسط بانک فیلتر گبور درجهت‌های مختلف فیلتر می‌شود. فیلترهای گبور، فیلترهای میانگذری هستند که انتخاب

در شکل ۱ نمونه‌ای از این نقطه‌ها، بر روی تصویر یک اثرانگشت نمایش داده شده است.



شکل ۱: نمایش نقاط منفرد و ویژگی‌های کوچک بر روی یک اثرانگشت از پایگاه داده biolab [3]: الف) قلب، ب) دلتا، ج) انتهای رگه، د) دو شاخه.

امروزه در تشخیص اثرانگشت روش‌هایی بر اساس جزئیات و شکل ساختاری تصویر کاربرد دارند. روش‌هایی که براساس جزئیات هستند نسبت به نویز حساس می‌باشند و در تصاویر با کیفیت پائین دارای مشکل‌های زیادی هستند. اما روش‌های ساختاری نسبت به کیفیت تصویر حساسیت کمتری دارند. به طور عمومی در تشخیص هویت می‌توان به دو سوال پاسخ داد: الف) شخصی که ادعا می‌کند، چه کسی است؟ ب) آیا فرد مدعی، همان شخص مورد نظر است یا خیر؟

در این مقاله روشی بر اساس فیلتر گبور و تبدیل FLD (Recursive Fisher Linear Discriminant) و FLD (Fisher Linear Discriminant) جهت تشخیص اثرانگشت ارایه می‌شود.

فیلترهای گبور توصیف‌گرهای مناسبی هستند که توانایی خوبی در مقابل تغییرات مقیاس، جاچایی و چرخش دارند. تابع‌های گبور توانایی انتخاب فرکانس و جهت‌های مختلفی را دارا می‌باشند [2-6].

آقای Lee و همکارانش [6] برای تشخیص هویت در مجموعه داده‌های خود از فیلترهای گبور استفاده می‌کنند. آنها ابتدا در هر اثر انگشت نقطه هسته را به عنوان نقطه مرجع در نظر می‌گیرند و سپس از فیلترهای گبور جهت استخراج ویژگی استفاده می‌کنند. آقای Tico و همکارانش [7] جهت استخراج ویژگی از تبدیل موجک در مجموعه داده biolab [3] استفاده می‌کنند. همچنین آنها با حذف چندین داده از مجموعه داده biolab، روش خود را با روش پیشنهادی [6] مقایسه می‌کنند. به طور معمول ویژگی‌های استخراج شده توسط فیلتر گبور دارای ابعاد بسیار بزرگی هستند. لذا برای کاهش بعد و استخراج

$$V_{i\theta} = \sqrt{\sum_{Ki} (F_{i\theta}(x,y) - P_{i\theta})^2} \quad (3)$$

$F_{i\theta}(x,y)$ تصویر فیلتر شده هر بلوک در جهت θ_i می باشد. پارامتر Ki تعداد پیکسلهای هر بلوک و $P_{i\theta}$ ، مقدار میانگین $F_{i\theta}$ در هر بلوک است. واریانس هر سلول در هر کدام از تصویرهای فیلتر شده، مقدار بردار ویژگی را تشکیل می دهد [9].

۲-۳-۸- تبدیل RFLD

تبدیل FLD زیرفضای خطی w را طوری انتخاب می کند که معیار فیشر $J(w)$ در رابطه (۴) حداقل شود.

$$J(w) = \frac{w^T S_B w}{w^T S_w w} \quad (4)$$

ماتریس پراکنده‌گی بین کلاسی S_B و ماتریس پراکنده‌گی داخل کلاسی می باشد. با فرض وجود n داده d بعدی x_1, x_2, \dots, x_n و کلاس مختلف، ماتریس S_B و S_w توسط رابطه‌های (۵) و (۶) تعریف می شوند.

$$\begin{aligned} S_B &= \sum_{i=1}^c n_i (m_i - m)(m_i - m)^T \\ m &= \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n x_k \\ m_i &= \frac{1}{n_i} \sum_{x \in D_i} x \end{aligned} \quad (5)$$

$$S_w = \sum_{i=1}^c S_i \quad (6)$$

تعداد داده‌ها در هر کلاس با نماد n_i نشان داده می شوند. پارامترهای m و m_i به ترتیب معرف میانگین نمونه‌های مربوط به هر کلاس و میانگین کلی نمونه‌های d بعدی می باشند. D_i بیانگر زیرمجموعه نمونه‌های n_i می باشد که در یک گروه مشخص می شوند.

برای اینکه معیار فیشر $J(w)$ بیشینه شود باید ویژگی‌هایی انتخاب شود که فاصله بین کلاس‌ها را زیاد و فاصله داخل کلاس‌ها را کم کند. برای بیشینه کردن $J(w)$ رابطه (۷) برقرار است.

$$S_B w = \lambda S_w w \quad (7)$$

اگر S_w غیر منفرد باشد، مقدار w می تواند از رابطه (۸) بدست آید:

$$S_w^{-1} S_B w = \lambda w \quad (8)$$

جهت و فرکانس را با هم دارند و دارای رزوولوشن ایده‌آل در هر دو فضای مکانی و فرکانسی می باشند. رگه‌ها و شیارهای اثرانگشت دارای فرکانس و جهت محلی مختلفی هستند. با تنظیم فیلترهای گبور می توان ساختار رگه‌ها و شیارهای را حفظ کرد و نویز را گاهش داد [9]. فیلتر متقاضن زوج گبور با رابطه (۱) بیان می شود. در این روش فیلتر گبور در زاویه‌های مختلف به کار گرفته شده است.

$$G(x, y, f, \theta) = \exp \left\{ \frac{-1}{2} \left[\frac{x'^2}{\delta_x^2} + \frac{y'^2}{\delta_y^2} \right] \right\} \cos(2\pi f x') \quad (1)$$

$$x' = x \sin \theta + y \cos \theta$$

$$y' = x \cos \theta - y \sin \theta$$

پارامتر f ، فرکانس سینوسی فیلتر در راستای جهت θ از محور x است. پارامترهای δ_x, δ_y متناظرًا ثابت‌های فضای پیجره گوسی در راستای x و y هستند. در این مقاله فرکانس فیلتر، در فرکانس میانگین رگه‌ها تنظیم می شود (۱/k). مقدار k میانگین فاصله رگه‌ها می باشد.

به ازای هر زاویه θ یک فیلتر وجود دارد که بر روی هر تصویر اثرانگشت اعمال می شود. بنابراین تعدادی تصویر فیلتر شده بوجود می آید. فیلتر صفر درجه رگه‌های موازی محور x را تقویت می کند و رگه‌های دیگر را تضعیف می کنند. مقادیر پارامترهای δ_y, δ_x به صورت تجربی انتخاب می شوند (در حدود نصف میانگین فاصله رگه‌ها). ابتدا تصویر به بلوکهای $N \times N$ تقسیم‌بندی می شود و قبل از اعمال فیلتر، هر بلوک تصویر اثرانگشت به یک میانگین و واریانس ثابت یکسان‌سازی می شود. یکسان‌سازی برای حذف اثرات نویز سنسور و فشارهای مختلف انگشت توسط رابطه (۲) انجام می شود.

$$N_i(x, y) = \begin{cases} M_0 + \sqrt{\frac{(V_0)*(I(x, y) - M_i^2)}{V_i}}, & \text{if } I(x, y) > M_i \\ M_0 - \sqrt{\frac{(V_0)*(I(x, y) - M_i^2)}{V_i}}, & \text{Otherwise} \end{cases} \quad (2)$$

$I(x, y)$ سطح خاکستری نقطه (x, y) می باشد. پارامترهای M_i و V_i متناظرًا میانگین و واریانس تخمین زده برای هر بلوک می باشند. $N_i(x, y)$ سطح خاکستری یکسان‌سازی شده هر نقطه (x, y) است [9].

پارامترهای M_0 و V_0 به ترتیب مقدار میانگین و واریانس مورد نظر هستند. بطور کلی یکسان‌سازی، ساختار کلی رگه‌ها و شیارها را از بین نمی برد. اگر یکسان‌سازی بر روی کل تصویر انجام شود، آنگاه نمی تواند در مقابل فشارهای مختلف اثرانگشت مقاومت کند. بنابراین برای حل مشکل فشار، هر بلوک جداگانه یکسان‌سازی می شود. بردار ویژگی توسط رابطه (۳) بدست می آید که $V_{i\theta}$ واریانس هر بلوک i در زاویه θ می باشد.

$$S_w^{(k)} = W_N^{(k-1)} (W_N^{(k-1)})^T S_w W_N^{(k-1)} (W_N^{(k-1)})^T \quad (12)$$

$$W_N^{(k-1)} = [v_k, v_{k-1}, \dots, v_d]$$

مجموعه بردارهای $\{w_1, \dots, w_{k-1}, v_k, \dots, v_d\}$, پایه‌های عمود بر هم فضای R^d می‌باشند.

۴- نتایج عملی

آزمایش‌ها بر روی تصویرهای پایگاه داده biolab انجام شده است که شامل ۱۶۸ تصویر از ۲۱ فرد می‌باشد. ابتدا تصویر به بلوک‌های 32×32 تقسیم‌بندی می‌شود که در کل ۶۴ بلوک را تشکیل می‌دهد. هر بلوک با میانگین و واریانسی برابر با $5 = 4$ ، $\delta = 4$ و $f = 10$ در جهتهای مختلف اعمال می‌شود. فیلتر گبور در ۴ جهت، رگه‌ها با زاویه‌های صفر، 90° ، 45° ، 135° درجه و در ۴ جهت، رگه‌ها با زاویه‌های صفر، 22.5° ، 45° ، 67.5° ، 90° ، 112.5° ، 135° و 157.5° درجه را تقویت می‌کند.

با استفاده از روش نزدیکترین مرکز دسته در حالت One Leave One Out تبدیل FLD و RFLD مورد آزمایش قرار گرفته‌اند که نتایج بدست آمده در جدول ۱ بیان شده است. با اعمال فیلتر گبور در جهتهای 4° ، 8° ، 12° و 16° ، بردارهای ویژگی به ترتیب به طول 256×4 ساخته می‌شود. با اعمال تبدیل FLD طول بردار ویژگی‌ها به مقدار حداکثر ۲۰ کاهاش می‌یابند. همچنین با اعمال تبدیل RFLD، طول بردار ویژگی‌ها حداکثر 60° در نظر گرفته می‌شوند. بهترین نتیجه جدول ۱، از ترکیب RFLD با بردار ویژگی به طول ۲۲ و فیلتر گبور با 4° جهت بدست آمده است. صحت تشخیص با اعمال تبدیل RFLD برابر با 95.2% می‌باشد که در مقایسه با بردار ویژگی فیلتر گبور در 4° جهت به مقدار 9.9% افزایش یافته است. بهترین نتیجه حاصل از اعمال تبدیل FLD در جدول ۱، 92.8% با استفاده از فیلترهای گبور در 8° جهت می‌باشد. در این حالت نیز درصد صحت به مقدار 3.6% در مقایسه با بردار ویژگی فیلتر گبور در 8° جهت افزایش یافته است.

جدول ۲ نتایج حاصل از روش K نزدیکترین همسایه را نشان می‌دهد. همانطور که نتایج نشان می‌دهد، بهترین جواب حاصل از ترکیب فیلتر گبور و تبدیل FLD یا RFLD با درصد صحت 100% می‌باشد.

۵- نتیجه‌گیری

در این مقاله روشی جهت استخراج بردار ویژگی بر اساس فیلتر گبور و تبدیل FLD و RFLD ارایه شده است. فیلترهای گبور توصیف‌گرهای مناسبی هستند که توانایی خوبی در مقابل تغییرات مقیاس، جایگابی و چرخش دارند [9]. به طور معمول

چون مرتبه S_B ، برابر با c است در نتیجه حداکثر $c-1$ ویژگی می‌توان استخراج کرد. از طرفی از آنجایی که بعد تصویرها از تعداد داده‌های آموزشی بسیار زیادتر می‌باشد در نتیجه در عمل S_w منفرد است. لذا بدین منظور ابتدا ابعاد داده‌ها را با PCA به گونه‌ای کاهاش می‌دهند که معیار فیشر قابل محاسبه باشد و سپس از FLD برای کاهش مضاعف ابعاد به اندازه $c-1$ استفاده می‌شود. مهمترین مشکل موجود در FLD، محدودیت تعداد ویژگی‌های آن می‌باشد. در روش RFLD این محدودیت توسط یک روش بازگشتی برطرف می‌شود که در هر مرحله فقط یک بردار ویژگی استخراج می‌شود. مرحله اول تکرار مانند FLD می‌باشد. پس از مرحله اول تمام اطلاعات بدست آمده از مرحله قبل، از تمام نمونه‌ها کم می‌شود و سپس مرحله جدید آغاز می‌شود. این روش زمان زیادی نیاز دارد چون در هر مرحله فقط یک بردار ویژگی استخراج می‌شود. تبدیل RFLD را می‌توان به صورت زیر خلاصه کرد:

۱- مقدار دهی اولیه (S_B^1) و (S_w^1) به ترتیب با استفاده از ماتریس‌های پراکندگی (S_B) و (S_w).

۲- استخراج بردار ویژگی در مرحله اول (w_1). این بردار ویژگی مناسب با بزرگترین مقدار ویژگی ماتریس ($S_w^{-1} S_B$) می‌باشد.

۳- محاسبه بردار ویژگی در مرحله k (w_k). این بردار ویژگی مناسب با بزرگترین مقدار ویژگی رابطه (۹) می‌باشد:

$$(W_k^T W_k)^{-1} W_k^T B_k w_k = \lambda w_k, k > 1 \quad (9)$$

۴- محاسبه ماتریس‌های (B_k) و (W_k) توسط روابط (۱۰) و (۱۱).

$$B_k = \begin{bmatrix} S_B^{(k)} \\ 0 \\ \cdot \\ \cdot \\ 0 \end{bmatrix} \quad (10)$$

$$W_k = \begin{bmatrix} S_w^{(k)} \\ w_1^T \\ \cdot \\ \cdot \\ w_{k-1}^T \end{bmatrix} \quad (11)$$

۵- به هنگام کردن ماتریس‌های پراکندگی S_B^k و S_w^k در مرحله k توسط رابطه (۱۲).

$$S_B^{(k)} = W_N^{(k-1)} (W_N^{(k-1)})^T S_B W_N^{(k-1)} (W_N^{(k-1)})^T$$

مرجع انتخاب می‌شود که این مرحله هزینه زمانی دارد. در ضمن در آن ۸ گروه ۸ تایی از پایگاه داده حذف شده است که با استفاده از کلاس‌بندی کننده ۳ نزدیکترین همسایه به ۱۰۰٪ صحت رسیده است. اما در روش پیشنهادی، هزینه محاسباتی پیدا کردن نقطه مرجع وجود ندارد. از طرفی دیگر در روش FLD پیشنهادی، با استفاده از ویژگی‌های حاصل از تبدیل FLD بدون حذف داده، نتیجه ۱۰۰٪ حاصل شده است. از طرفی ویژگی‌های بولت در [7] بدون حذف داده و با استفاده از کلاس‌بندی کننده ۳ نزدیکترین همسایه به ۹۵,۲٪ رسیده است. اما در روش پیشنهادی با همان شرایط نتیجه ۱۰۰٪ حاصل شده است.

بردار ویژگی‌های استخراج شده توسط فیلتر گبور دارای ابعاد بسیار بزرگی هستند. در روش پیشنهادی برای کاهش بعد و استخراج ویژگی‌هایی با اطلاعات تغییک پذیری بهتر، از تبدیل FLD یا RFLD استفاده شده است. همانطور که در جدول ۱ نشان داده شده است، بهترین نتیجه از اعمال تبدیل FLD و RFLD به ترتیب در فیلترهای گبور با ۴ جهت و ۸ جهت بدست آمده است. همچنین با توجه به جدول ۲ نتایج اعمال هر دو تبدیل FLD و RFLD برابر با ۱۰۰٪ می‌باشد. فیلتر گبور با ۴ جهت در مقایسه با فیلتر گبور با ۸ جهت دارای هزینه محاسباتی کمتری است. ولی از طرفی دیگر هزینه محاسباتی تبدیل RFLD از FLD بیشتر می‌باشد.

روش پیشنهادی در مقایسه با پیاده سازی فیلتر گبور [7] دارای نتایج بهتری است. در [7] برای هر تصویر یک نقطه

جدول (۱): نتایج حاصل از روش‌های مختلف (One Leave One Out)

فیلتر گبور با ۱۲ جهت		فیلتر گبور با ۱۰ جهت		فیلتر گبور با ۸ جهت		فیلتر گبور با ۶ جهت		فیلتر گبور با ۴ جهت		بردار ویژگی
تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	
۷۶۸	۹۱,۰۲	۶۴۰	۹۰,۰۴	۵۱۲	۸۹,۲	۳۸۴	۸۶,۸	۲۵۶	۸۶,۲	Gabor
۳۳	۹۰,۴۲	۴۲	۹۰,۴۲	۳۵	۸۸,۶	۲۵	۸۶,۸	۳۹	۸۶,۸	Gabor + PCA
۲۰	۹۲,۲۲	۲۰	۹۱,۶۲	۱۹	۹۲,۸۱	۱۹	۹۱,۶۲	۱۹	۹۱,۰۱	Gabor + FLD
۴۳	۹۲,۸۱	۱۹	۹۲,۸۱	۱۷	۹۴,۶۱	۱۸	۹۴,۶۱	۲۲	۹۵,۰۲	Gabor + RFLD

جدول (۲): نتایج حاصل از روش‌های مختلف (3NN)

فیلتر گبور با ۱۲ جهت		فیلتر گبور با ۱۰ جهت		فیلتر گبور با ۸ جهت		فیلتر گبور با ۶ جهت		فیلتر گبور با ۴ جهت		بردار ویژگی
تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	تعداد ویژگی	درصد صحت	
۷۶۸	۸۸,۶۶	۶۴۰	۸۴,۵۲	۵۱۲	۸۵,۷۱	۳۸۴	۸۴,۹۲	۲۵۶	۸۴,۱۲	Gabor
۳۵	۸۹,۶۸	۲۲	۸۹,۵۲	۱۶	۸۹,۶۸	۲۵	۸۸,۸۸	۳۶	۸۶,۵	Gabor + PCA
۱	۱۰۰	۲	۱۰۰	۲	۱۰۰	۱	۱۰۰	۱	۱۰۰	Gabor + FLD
۱	۱۰۰	۲	۱۰۰	۲	۱۰۰	۱	۱۰۰	۱	۱۰۰	Gabor + RFLD

مراجع

- [۱] محمد شریف کمالی، داریوش د.فرهود، "خطوط پوستی (انگشت نگاری)"، موسسه فرهنگی رسا، تهران ۱۳۶۶.
- [۲] ح. پورقاسم و ح. قاسمیان، "طبقه‌بندی تصاویر اثر انگشت با شبکه‌های عصبی"، سومین کنفرانس ماشین بینایی و پردازش تصویر ایران، تهران، ۱۳۸۳.
- [3] BiometricSystem Lab.<http://www.csr.unibo.it/research/biolab/>
- [4] J.W. Yang, L.F. Liu, and T.Z. Jiang, Y. Fan "A Modified Gabor Filter Design Method for Fingerprint Image Enhancement," Pattern Recognition, pp.1805-1817, 2003.
- [5] D. Batra, G. Singhal, and S. Chaudhury "Gabor Filter Based Fingerprint Classification using Support Vector Machines," IEEE India Annual Conference, Indicon 2004.
- [6] C. J. Lee, and S. D. Wang, "Fingerprint Feature Extraction Using Gabor Filter", Electron. Lett. Vol. 35, No. 4, pp. 288-290, 1999.
- [7] M. Tico, P. Kuosmanen, and J. Saarinen "Wavelet Domain Features for Fingerprint Recognition," Eleclron. Lett. Vol. 37, No. 1, pp. 21-22, 2001.
- [8] C. Xiang, X. A. Fan, and T. H. Lee "Face Recognition Using Recursive Fisher Linear Discriminant", IEEE trans. On image proc. Vol. 15, No. 8, pp. 2097-2105, 2006.
- [9] A.K. Jain, S. Prabhakar, L.Hong, "A Multi-channel Approach to Fingerprint Classification," IEEE Trans. On pattern analysis and machine intelligence, Vol 21. No.4, pp.348-358, 1999.